

ACTIVITÉ 1

1. Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

(a) $e^x = 1$.

(b) $e^x = e$.

(c) $e^x = \frac{1}{e}$.

2. On veut résoudre l'équation $e^x = 2$.

(a) Dresser le tableau de variations de la fonction exponentielle sur l'intervalle $[0 ; 1]$.

(b) Montrer que l'équation $e^x = 2$ admet une unique solution α sur $[0 ; 1]$ et en donner une valeur approchée.

(c) Un logiciel de calcul formel donne la solution $\ln(2)$ à l'équation $e^x = 2$. Vérifier ce résultat à la calculatrice.

3. Montrer que la solution de l'équation $e^{0,1t} = 2$ est $t = \frac{\ln(2)}{0,1}$.

ACTIVITÉ 2

On considère la fonction logarithme népérien, notée \ln , qui à tout réel $x > 0$ associe le réel $y = \ln(x)$, unique nombre réel vérifiant $e^y = x$.

1. Préciser la valeur de $\ln(1)$ puis de $\ln(e)$.

2. (a) À l'aide de la calculatrice, déterminer une valeur approchée à 10^{-4} près des nombres suivants :

$$A = \ln(36)$$

$$B = \ln(343)$$

$$C = \ln(21)$$

$$D = \ln(80)$$

$$E = 3\ln(7)$$

$$F = \ln(4) + \ln(9)$$

$$G = \ln(5) + \ln(16)$$

$$H = \ln(63) - \ln(3)$$

(b) Quelles égalités semble-t-on pouvoir observer ?

3. Soient a et b deux réels strictement positifs et n un entier naturel. À l'aide de la question précédente, conjecturer des égalités entre :

$$\ln(a \times b)$$

$$\ln\left(\frac{a}{b}\right)$$

$$\ln(a^n)$$

$$\ln(a) - \ln(b)$$

$$n\ln(a)$$

$$\ln(a) + \ln(b)$$

ACTIVITÉ 1

1. Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

(a) $e^x = 1$.

(b) $e^x = e$.

(c) $e^x = \frac{1}{e}$.

2. On veut résoudre l'équation $e^x = 2$.

(a) Dresser le tableau de variations de la fonction exponentielle sur l'intervalle $[0 ; 1]$.

(b) Montrer que l'équation $e^x = 2$ admet une unique solution α sur $[0 ; 1]$ et en donner une valeur approchée.

(c) Un logiciel de calcul formel donne la solution $\ln(2)$ à l'équation $e^x = 2$. Vérifier ce résultat à la calculatrice.

3. Montrer que la solution de l'équation $e^{0,1t} = 2$ est $t = \frac{\ln(2)}{0,1}$.

ACTIVITÉ 2

On considère la fonction logarithme népérien, notée \ln , qui à tout réel $x > 0$ associe le réel $y = \ln(x)$, unique nombre réel vérifiant $e^y = x$.

1. Préciser la valeur de $\ln(1)$ puis de $\ln(e)$.

2. (a) À l'aide de la calculatrice, déterminer une valeur approchée à 10^{-4} près des nombres suivants :

$$A = \ln(36)$$

$$B = \ln(343)$$

$$C = \ln(21)$$

$$D = \ln(80)$$

$$E = 3\ln(7)$$

$$F = \ln(4) + \ln(9)$$

$$G = \ln(5) + \ln(16)$$

$$H = \ln(63) - \ln(3)$$

(b) Quelles égalités semble-t-on pouvoir observer ?

3. Soient a et b deux réels strictement positifs et n un entier naturel. À l'aide de la question précédente, conjecturer des égalités entre :

$$\ln(a \times b)$$

$$\ln\left(\frac{a}{b}\right)$$

$$\ln(a^n)$$

$$\ln(a) - \ln(b)$$

$$n\ln(a)$$

$$\ln(a) + \ln(b)$$